

2D-Gas Modell

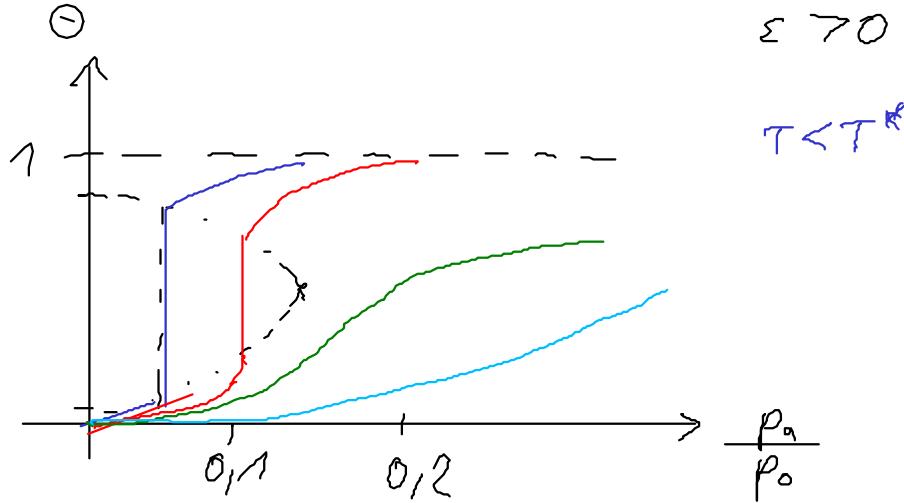


$$Z[\varepsilon_a, \varepsilon, Z] \Rightarrow p_a = \frac{\theta}{1-\theta} \exp\left[-\frac{eZ\theta\varepsilon}{kT}\right]$$

2 dimensional

$$\Theta_{\max} = 1$$

$$T^q = \frac{Z\varepsilon}{2k}$$



$$S_S dT + \sum_i n_{is} d\mu_i + A d\varepsilon = 0$$

$$d\varepsilon = -S_S dT - \sum_i n_{is} d\mu_i = -\sum_i n_{is} d\mu_i$$

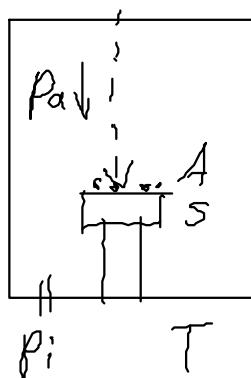
$$n_{is} = -\frac{\partial \varepsilon}{\partial \mu_i} \Big|_{T, \mu_i = \text{const}}$$

- Chemisches Potential $\mu_i = \mu_0 - kT \ln p_i$
- μ_0 chemisches Potential bei einer Atmosphäre

$$d\mu_i = kT d\ln p_i$$

$$\Rightarrow n_{is} = -\frac{1}{kT} \left(\frac{\partial \varepsilon}{\partial \ln p_i} \right)_{T, p_j \neq i}$$

Isotherme



$\Theta(f)$ konstant halten

$$\Rightarrow \Theta_{\text{const}}(p, T) \rightarrow n_{\text{as}}$$

Adsorptionswärme \bar{q}_{ads} kann bestimmt werden

$$\partial \mu_a = \left(\frac{\partial \mu_a}{\partial T} \right)_{N_{as}, A} dT$$

$$d\bar{F}_s = -S_s dT + Z \mu_i dN_{is} + \delta A$$

$$\mu_a = \left(\frac{\partial \bar{F}_s}{\partial N_{as}} \right)_{T, A}$$

$$\partial \mu_a = \frac{\partial}{\partial T} \left(\left(\frac{\partial \bar{F}_s}{\partial N_{as}} \right)_{T, A} \right) dT = \frac{\partial}{\partial N_{as}} \left(\left(\frac{\partial \bar{F}_s}{\partial T} \right)_{N_{as}, T} \right) dT = -\bar{S}_{as} dT$$

$$\partial \mu_a = -\bar{S}_{as} dT$$

→ auf der Oberfläche

1. Hauptatz Thermodynamik

$$dE = dW + dQ = -pdV + \sum_i \mu_i dN_{is} + \delta dA + TdS$$

$$E_{av} = -p_a V_a + \mu_a N_{av} + T S_{av}$$

Zone vor der Oberfläche

$$N_{av} d\mu_a = dE_{av} + p_a dV_{av} + V_{av} dp_a - T dS_{av} - S_{av} dT$$

$$dE_{av} = T dS_{av} - p_a dV_a \quad \text{pro 1 Teilchen}$$

$$\Rightarrow \partial \mu_a = \frac{1}{N_{av}} (V_a dp_a - S_{av} dT) = \frac{V_a}{N_{av}} dp_a - \frac{S_{av}}{N_{av}} dT$$

$$-\bar{S}_{as} dT = -\bar{S}_{av} dT + \bar{V}_a dp_a$$

$$\left(\frac{\partial p_a}{\partial T} \right)_{N_{av}} = - \frac{\bar{S}_{as} - \bar{S}_{av}}{\bar{V}_a} = - \frac{\bar{q}_{ads}}{T \bar{V}_a}$$

Gibbs

$$\left(\frac{\partial \ln p_a}{\partial T} \right)_{N_{av}} = \frac{1}{p_a} \left(\frac{\partial p_a}{\partial T} \right)_{N_{av}} = - \frac{\bar{q}_{ads}}{T \bar{V}_a} = - \frac{\bar{q}_{ads}}{kT^2} = - \frac{Q_{ads}}{N_{av} k T^2}$$

• Molar Adsorptionswärme \bar{q}_{ads}

• Avogadro Zahl N_A

Beispiel

$$\text{Gesuchte: } p_o(T) = \left(\frac{2\pi m k T}{h^2} \right)^{\frac{3}{2}} k T \exp \left[-\frac{\xi_a}{k T} \right]$$

$$p = \frac{\Theta}{1-\Theta} p_o \exp \left[-\frac{27 \varepsilon \Theta}{k T} \right]$$

$$\ln p = \ln \frac{\theta}{1-\theta} + \ln p_0(T) - \frac{2Z\varepsilon\theta}{kT}$$

$$\frac{\partial \ln p}{\partial T} = 0 + \frac{\partial \ln p_0}{\partial T} + \frac{2Z\varepsilon\theta}{kT^2}$$

$$\ln p_0 = \dots$$

$$\frac{\partial \ln p_0}{\partial T} = \frac{3}{2} \frac{1}{T} + \frac{1}{T} + \frac{\varepsilon_a}{kT^2} = \frac{5}{2} \frac{1}{T} + \frac{\varepsilon_a}{kT^2}$$

$$\frac{\partial \ln p}{\partial T} = \frac{5}{2} \frac{1}{T} + \frac{\varepsilon_a}{kT^2} + \frac{2Z\varepsilon\theta}{kT^2}$$

$$\bar{Q}_{\text{ads}} = -N_a kT^2 \left(\frac{5}{2T} + \frac{\varepsilon_a}{kT^2} + \frac{2Z\varepsilon\theta}{kT^2} \right)$$

$$\bar{Q}_{\text{ads}} = -N_a \underbrace{\left(\frac{5}{2} kT + \varepsilon_a + 2Z\varepsilon\theta \right)}_{\substack{\text{Langmuir} \\ \text{laterale WW}}}$$

- $\varepsilon = 0$: keine Wechselwirkung \Rightarrow Langmuir
- $\varepsilon > 0$: abstoßende WW

Häufigkeit mit Paaren zu Bilden $Z \sim \bar{Q}_{\text{ads}}$
Beide abhängig von θ

Thermodynamik der Adsorption

Thermale Desorption

- $\nu(\theta)$ Frequenz der Schwingerung bei bestimmter Bedeckung θ des Adsorbats

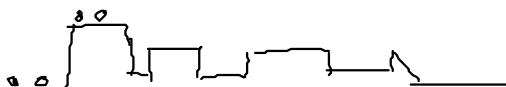
$$\frac{d\theta}{dt} = -\nu(\theta) \theta^n \exp \left[-\frac{\varepsilon_a(\theta)}{kT} \right]$$

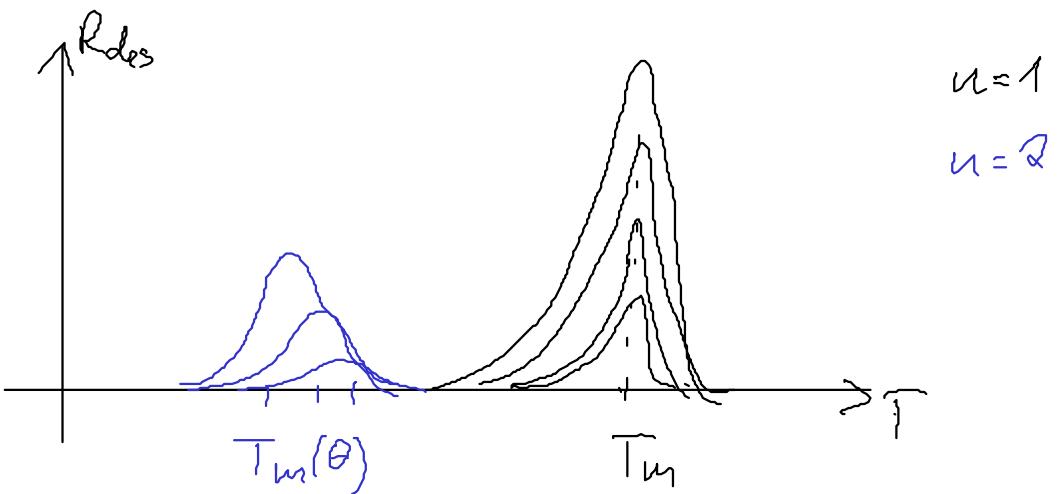
- exp. Aufbau

Thermoskopem zur Messung der Temperatur $T = T_0 + \beta t$

Quadrupol-klass-Spektrometer: $R_{\text{des}}(T)$

- Bildungsenergie ist Brüche Verteilung $\Rightarrow R_{\text{des}}(T)$ breite Peaks





- Aktivierung ε für die Desorption i.-A. $E \neq \varepsilon_a$
 \Rightarrow Veränderung von Adsorptionsenergie mit Position von T_m .
- \Rightarrow Bindungsenergie pro Teilchen
 (lokalisierte Adsorption) kleine Moleküle
- Desorption abhängig von Position an Oberfläche